
Prof. Dr. Anke Schmeink, Michael Reyer, Christopher Schnelling

Übung 5

Montag, 12. Juni 2017

Aufgabe 1. Betrachten Sie einen homogenen Markov-Prozess $(X_t)_{t \geq 0}$ mit Zustandsraum $\mathcal{S} = \{1, 2\}$ und Intensitätsmatrix

$$Q = \begin{pmatrix} -\lambda & \lambda \\ \mu & -\mu \end{pmatrix},$$

wobei $\lambda, \mu \geq 0$ und $\lambda + \mu > 0$.

- a) Bestimmen Sie $\mathbf{\Pi}(t)$.
- b) Berechnen Sie mit dem Ergebnis aus **a)** die Wahrscheinlichkeiten

$$P(X_t = 2 \mid X_0 = 1, X_{3t} = 1) \quad \text{und} \quad P(X_t = 2 \mid X_0 = 1, X_{3t} = 1, X_{4t} = 1).$$

- c) Geben Sie den Intensitätsgraphen des Markov-Prozesses und den Übergangsgraphen der eingebetteten Markov-Kette an.
- d) Berechnen Sie die stationäre Verteilung des Markov-Prozesses.
- e) Was kann man über das asymptotische Verhalten der eingebetteten Markov-Kette sagen?